

**А. В. Колдзей** (Москва, ИТМиВТ РАН). **Вероятности больших уклонений функционалов от случайных комбинаторных объектов.**

Пусть  $\xi_1, \xi_2, \dots$  — независимые пуассоновские случайные величины с параметрами  $\lambda_1, \lambda_2, \dots$  соответственно. Рассмотрим для  $n > 1$  случайные величины

$$\bar{\mu}_n = \left( \frac{\mu_1}{n}, \frac{\mu_2}{n}, \dots, \frac{\mu_n}{n} \right)$$

такие, что

$$\mathbf{P}\{\mu_\nu = k_\nu, \nu = 1, \dots, n\} = \mathbf{P}\left\{ \xi_\nu = k_\nu, \nu = 1, \dots, n \mid \sum_{\nu=1}^n \nu \xi_\nu = n \right\}.$$

Распределения указанного вида возникают при изучении, в общем случае, неравновероятных распределений на множестве комбинаторных объектов [1].

Обозначим через  $\rho(\bar{x}, \bar{y}) = \sup_\nu \left| \ln \frac{x_\nu}{y_\nu} \right|$ , неевклидовую метрику [2], [3], допускающую бесконечные значения на множестве бесконечномерных векторов

$$\Omega = \left\{ \bar{x} = (x_1, \dots), x_\nu \geq 0, \nu = 1, 2, \dots, \sum_{\nu=1}^{\infty} \nu x_\nu = 1 \right\}.$$

Здесь и далее полагаем  $0 \ln 0 = \ln \frac{0}{0} = 0$ ,  $|\ln \frac{1}{0}| = |\ln 0| = +\infty$ .

**Теорема.** Пусть функция  $\phi(\bar{x})$  непрерывна на множестве  $\Omega$  в метрике  $\rho(\bar{x}, \bar{y})$  и для любого  $\bar{x} \in \Omega$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \phi(x_1, \dots, x_n, 0, 0, \dots) = \phi(\bar{x}).$$

Тогда для любой последовательности действительных чисел  $a_n$  сходящейся к  $a$  при  $n \rightarrow \infty$

$$- \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \ln \mathbf{P}\{\phi(\bar{\mu}_n) > a_n\} = J(\bar{\lambda}, \{\bar{x} \in \Omega, \phi(\bar{x}) > a\}) - J(\bar{\lambda}, \Omega),$$

где  $\bar{\lambda} = (\lambda_1, \lambda_2, \dots)$ ,  $J(\bar{x}, \bar{y})$  — информационное расстояние Кульбака–Лейблера–Санова [4], [5]

$$J(\bar{x}, \bar{y}) = \sum_{\nu=1}^{\infty} x_\nu \ln \frac{x_\nu}{y_\nu},$$

$$J(\bar{x}, A) = \inf_{\bar{y} \in A} J(\bar{x}, \bar{y}).$$

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. *Ивченко Г.И., Медведев Ю.И.* Случайные комбинаторные объекты. — Доклады Академии наук, 2004, т. 396, № 2, с. 151–154.
2. *Колодзей А.В.* Энтропия дискретных распределений и вероятности больших отклонений функций от заполнения ячеек в обобщенных схемах размещения — Обзорение прикл. и промышл. матем., 2005, т. 12, в. 2, с. 248–252.
3. *Kolodzey A. V.* Large deviations of dependent discrete random variables — International Congress of Mathematicians Madrid 2006, Abstracts Posters Short Communications Math. Software Other Activities, EMS 2006, p. 465.
4. *Кульбак С.* Теория информации и статистика. М.: Наука, 1967, 408 с.
5. *Санов И.Н.* О вероятностях больших отклонений случайных величин — Матем. сб., 1957, т. 42, 1(84), с. 11–44.