

**И. Е. Тананко, Н. В. Юдаева** (Саратов, СГУ). **Исследование сети массового обслуживания с ненадежными системами и задержкой информации.**

Рассматривается открытая экспоненциальная сеть массового обслуживания, образованная  $L$  параллельными системами массового обслуживания  $S_i$  типа  $M|M|1$  с интенсивностями обслуживания  $\mu_i$ ,  $i = 1, \dots, L$ . Из источника в сеть поступает пуассоновский поток требований одного класса с интенсивностью  $\lambda_0$ : предполагается, что  $\lambda_0 < \mu_i$ . Пусть  $I = \{1, \dots, L\}$  есть множество номеров систем обслуживания. Переходы требований между системами обслуживания и источником в процессе эволюции сети определяются маршрутной матрицей  $\Theta = (\theta_{ij})$ ,  $i, j = 0, \dots, L$ , в которой  $\theta_{0i} > 0$ ,  $\theta_{i0} = 1$ , остальные элементы равны нулю. Предполагается, что система  $S_1$  является абсолютно надежной. Прибор системы  $S_i$ ,  $i \in I \setminus \{1\}$ , в каждый момент времени может находиться либо в исправном состоянии, либо в состоянии отказа. Введем вектор  $k = (k_i)$ ,  $i = 2, \dots, L$ , где  $k_i$  — переменная, принимающая значение 1, когда прибор системы  $S_i$  исправен, и 0, когда он восстанавливается. Если  $k_i = 1$ , то требования обслуживаются системой  $S_i$  с интенсивностью  $\mu_i$ , при  $k_i = 0$  обслуживание требований системой  $S_i$  не производится. Длительности пребывания приборов систем  $S_i$  в исправном или неисправном состояниях являются экспоненциально распределенными случайными величинами. В момент отказа прибора системы  $S_i$  все требования, находившиеся в ней, остаются в этой системе и ожидают восстановления прибора. В сети реализован алгоритм управления входящим потоком требований. Согласно этому алгоритму, поступление требований из источника в систему  $S_i$ ,  $i \in I \setminus \{1\}$ , прекращается через фиксированный интервал времени  $\tau$  с момента отказа прибора системы. Интервал  $\tau$  называется *длительностью задержки информации*. Элемент  $\theta_{0i}$  полагается равным нулю, а значение вероятности  $\theta_{0i}$  распределяется пропорционально между оставшимися ненулевыми элементами  $\theta_{0j}$ ,  $j \in I$ ,  $j \neq i$ . Через фиксированный интервал времени  $\tau$  с момента восстановления прибора системы  $S_i$ , согласно алгоритму управления, восстанавливается поток требований из источника в эту систему обслуживания. Функционирование системы  $S_i$ ,  $i \in I \setminus \{1\}$ , описывается случайным процессом, являющимся композицией марковских процессов с непрерывным временем и счетным множеством состояний  $E = \{0, 1, \dots\}$ . Начальным состоянием очередного процесса является завершающее состояние предыдущего процесса. Получены системы дифференциальных уравнений, описывающих динамику сети обслуживания, состоящую из двух параллельных систем, а также выражения для вычисления математического ожидания числа требований в системах сети в стационарном режиме и математического ожидания числа требований в системах сети в произвольный момент времени.