В. Г. Б у р м и с т р о в а (Ульяновск, УлГУ). Изменение клеточного цикла и роста опухолевых клеток под влиянием пигмента.

В данной модели рассматривается изменение опухолевых клеток при приеме ликопена $(X=(X_t)_{t\geqslant 0})$. Процесс $X=(X_t)_{t\geqslant 0}$ представлен как разность двух точечных процессов размножения клеток $A=(A_t)_{t\geqslant 0}$ и их гибели $B=(B_t)_{t\geqslant 0}$: $X_t=A_t-B_t$, где $A_0=X_0,\,B_0=0$. Время приема ликопена обозначено в модели $Q=\{t\colon t/24=k\},\,k=1,\ldots,5,8,\ldots,12,\ldots,50,\ldots,54,\,i=1,\ldots,40.$ Модель основана на эксперименте, где ликопен вводят мышам с привытими опухолями 5 раз в неделю. Предполагается, что ликопен в организме накапливается и действует сразу. Содержание ликопена в организме обозначим $L=(L_t)_{t\geqslant 0}$: $L_t=l\int_0^t I\{t=Q_i\}\,dt$, где l— величина, пропорциональная усвоению в момент t ликопена в организме. Компенсаторы процессов A,B предполагаются зависящими от объема ликопена и время его принятия:

$$\tilde{A}_t = \mu_1 \int_0^t X_t I\{t < Q_0\} dt + \mu_2 \int_0^t X_t I\{t \ge Q_0\} dt, \tag{1}$$

$$\widetilde{B}_{t} = \beta_{1} \int_{0}^{t} X_{t} I\{t < Q_{0}\} dt + \beta_{2} \int_{0}^{t} X_{t} I\{t \geqslant Q_{0}\} dt,$$
(2)

где β_1, μ_1 — коэффициенты скоростей гибели и рождения опухоли в контрольной группе (без принятия ликопена). Коэффициенты β_2, μ_2 показывают изменение скоростей развития опухоли от концентрации ликопена:

$$\mu_2 = k_1 \mu_1 L_t, \quad \beta_2 = k_2 \beta_1 L_t.$$
 (3)

Коэффициенты k_1 и k_2 в (3) в первом приближении описывают суммарное влияние клеточного цикла. Уже в этом приближении модель полностью описывает экспериментальные данные. В дальнейшем k_1 и k_2 будут включать процессы клеточного цикла (клеточные фазы). Методами имитационного моделирования математическая модель адаптирована под экспериментальные данные. Данная работа — один из шагов изучения влияния растительных пигментов на опухолевые клетки.

Работа выполнена при частичной поддержке РФФИ, проекты № 06–01–00338 и № 08–01–97009р.