Ю. Н. Γ о р е л о в (Самара, Сам Γ У). Об оптимальном сканировании маршрутов съемки на поверхности Земли космическими средствами дистанционного зондирования.

Реализация интегральных режимов управления угловым движением для космических аппаратов дистанционного зондирования Земли (КА ДЗЗ) типа «Ресурс-ДК» [1], [2] требует решения ряда задач, к которым относятся [3]: а) задача оптимального сканирования заданного маршрута съемки с учетом имеющихся технических и физических ограничений; b) синтез программ углового движения КА ДЗЗ на межмаршрутных интервалах, т.е. на интервалах перенацеливания аппаратуры зондирования; с) планирование последовательности сканирования некоторого заданного множества маршрутов съемки, что и определяет в конечном счете структуру интегрального режима управления КА ДЗЗ. Первые задачи взаимосвязаны в силу необходимости согласования их соответствующих граничных условий, а их решение необходимо для последующего решения задачи планирования интегрального сканирования маршрутов съемки [3], что приводит в конечном счете к повышению автономности и эффективности бортового комплекса управления КА ДЗЗ [2], [3]. Из перечисленных выше задач наиболее сложным является синтез законов оптимального сканирования. Для него требуется: а) построение геометрической модели маршрута съемки; b) выполнение необходимых условий сканирования [2], [3]; с) выбор соответствующего критерия качества сканирования маршрута съемки.

Моделью маршрута съемки является некоторая аппроксимация части физической поверхности Земли в пределах полосы сканирования и заданная на ней центральной линия маршрута (ЦЛМ) [2]. Радиус-вектор ЦЛМ $r_{\rm M} = r_{\rm M}(s)$ является функцией дуговой координаты s, отсчитываемой вдоль ЦЛМ, и, соответственно, зависимость s = s(t) — закон сканирования ЦЛМ. Радиус-вектор линии визирования (ЛВ) аппаратуры зондирования KA ДЗЗ определяется так: $\mathbf{r}_{\mathrm{ЛB}} = \mathbf{r}_{\mathrm{M}} - \mathbf{r}_{\mathrm{KA}}$, где $\mathbf{r}_{\mathrm{KA}} = \mathbf{r}_{\mathrm{KA}}(t)$ радиус-вектор траектории КА ДЗЗ. Качество сканирования заданного маршрута связано с законом s=s(t) — решением дифференциального уравнения $ds/dt=v_{\rm M}$, $s(t_0)=0$, где $v_{\rm M}$ — модуль вектора скорости сканирования, ${\bf v}_{\rm M}=v_{\rm M}d{\bf r}_{\rm M}/ds$. Величина $v_{
m M}$ определяется необходимыми условиями сканирования маршрута съемки [2], к которым относятся: а) совмещение оси аппаратуры зондирования КА ДЗЗ с ЛВ; b) пропорциональность проекции \mathbf{v}_{M} на фокальную плоскость аппаратуры зондирования скорости **w** бега изображения ЦЛМ [2], а именно: $v_{\rm M} = P(t,s)w$, где $w = |\mathbf{w}|, \ a \ P(t,s)$ — некоторая заданная функция, а также ортогональность этой проекции приемной линейке ПЗС [1], [2]. При съемке маршрута в каждый момент времени сканируется элементарная полоска $d\mathbf{P}_{\mathrm{M}}(s)$, которая образуется пересечением поверхности Земли с сектором сканирования, нормаль к которому направлена по вектору $\mathbf{r}_{\mathrm{ЛВ}} \times (\mathbf{v}_{\mathrm{M}} \times \mathbf{r}_{\mathrm{ЛВ}})$. Качество сканирования полоски $d\mathbf{P}_{\mathrm{M}}(s)$ определяется отклонениями скоростей бега изображений точек этой полоски от требуемой ${\bf w}$ и, в конечном счете, его можно определить некоторой функцией G(t,s,w), т. е. качество сканирования всей полосы маршрута съемки выражается интегралом

$$J_0 = \frac{1}{s_f} \int_0^{s_f} G(t, s, w) \, ds = \frac{1}{s_f} \int_{t_0}^{t_f} G(t, s, w) P(t, s) w \, dt, \tag{1}$$

где s_f — длина ЦЛМ, t_0 — начальный, а t_f — финальный момент сканирования.

Теперь можно сформулировать следующую вариационную задачу: минимизировать функционал (1) с учетом дифференциальной связи

$$\frac{ds}{dt} = P(t, s)w, \quad s(t_0) = 0, \quad s(t_f) = s_f,$$
 (2)

и имеющихся ограничений на управляющий параметр:

$$0 < w_{\min} \leqslant w \leqslant w_{\max} < \infty. \tag{3}$$

С учетом возможных дополнительных ограничений в задаче (1)–(3) показатель качества сканирования можно заменить на следующий:

$$J_{\beta} = \frac{1}{s_f} \int_{t_0}^{t_f} \left[G(t, s, w) P(t, s) w + \beta (w - w^*)^2 \right] dt, \tag{4}$$

где β — весовой коэффициент, а w^* — заданный параметр. При $\beta \to \infty$ задача (2)–(4) сводится к выбору оптимального параметра w^* с учетом ограничения (2).

Анализ структуры решений сформулированных выше вариационных задач показал возможность синтеза высокоэффективных локально-оптимальных алгоритмов сканирования маршрутов съемки при формировании интегральных программ управления угловым движением КА ДЗЗ типа «Ресурс-ДК».

Работа выполнена при поддержке РФФИ, проект № 08–08–99116.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Соллогуб А. В. Космические аппараты систем зондирования поверхности Земли. — В сб.: Математические модели повышения эффективности КА. М.: Машиностроение, 1993, 368 с.
- 2. Аншаков Г. П., Горелов Ю. Н., Мантуров А. И., Усталов Ю. М. Управление угловым движением космического аппарата дистанционного зондированияю. Общеросс. научно-техн. журнал «Полет», 2006, № 6, с. 12–18.
- 3. *Горелов Ю. Н.* Интегральные программы управления угловым движением космического аппарата дистанционного зондирования Земли. Обозрение прикл. и промышл. матем., 2008, т. 15, в. 6, с. 1063–1065.