

Д. Х. Девятков, С. И. Файнштейн, В. Д. Тутарова,  
А. Н. Калитаев (Магнитогорск, МГТУ). Об одном эффективном приближенном алгоритме решения задачи «Набор заданного веса».

**Введение.** Задача «Набор заданного веса» обобщает классическую NP-полную задачу «Сумма размеров», решаемую при помощи динамического программирования за псевдополиномиальное время [1]. В случае большой размерности исходных данных метод масштабированного динамического программирования дает для обеих задач слишком большую погрешность. Для приближенного решения задачи «Набор заданного веса» предложен полиномиальный FFP-алгоритм («First Full Pile») с асимптотической погрешностью, равной 1 [2]. Кроме того, в случае применения алгоритма для решения реальной задачи об отгрузке готовой продукции со склада FFP-алгоритм из всех вариантов набора веса выбирает тот, который дает максимальное освобождение рабочего пространства склада [2].

**Задача «Набор заданного веса».** Задача о наборе веса отличается от «Суммы размеров» тем, что элементы, участвующие в наборе веса, образуют упорядоченные последовательности, которые неформально будем называть *стопками*. Таким образом, набор веса будет осуществляться только верхними подстопками или целыми стопками.

**Условие.** Дано конечное множество  $A$ , разбиение  $A$  на упорядоченные непересекающиеся последовательности  $A_i = \{a_1^i, \dots, a_{m_i}^i\}$ ,  $m_i \leq C$ ,  $i = 1, \dots, p$ ,  $C \in \mathbb{Z}^+$ . Каждый элемент  $a \in A$  имеет целый положительный вес  $w(a)$ , задано целое положительное  $B$  и такая функция  $f: A \rightarrow \mathbb{Z}^+$ , что  $f(a_j^i) = \sum_{r=1}^j w(a_r^i)$ .

**Вопрос.** Существует ли такое подмножество  $A' \subseteq A$ , содержащее не более одного элемента из каждого  $A_i$ , что  $\sum_{a \in A'} f(a) = B$ ?

**Верхняя и нижняя оценки погрешности FFP-алгоритма.**

**Теорема.** Для всех индивидуальных задач  $I$  о наборе веса имеют место неравенства  $OPT(I) - [MaxW/2] \leq FFP(I) \leq OPT(I) + [MaxW/2]$ , где  $MaxW$  — вес самого тяжелого элемента. Для любой глубины корректировки веса существует бесконечное число  $I$ , для которых  $OPT(I)$  сколь угодно велико и  $FFP(I) = OPT(I) \pm [MaxW/2]$ .

**Вычислительная сложность FFP-алгоритма.** Вычислительная сложность FFP-алгоритма равна  $O(p^2N)$ , где  $N$  — количество элементов множества  $A$ ,  $p$  — количество стопок.

**Результаты вычислительного эксперимента.** Для идентификации алгоритма была рассмотрена работа программы на опытных данных по отгрузке пачек со склада готовой продукции листопрокатного цеха ЛПЦ-4 ОАО «Магнитогорский металлургический комбинат» в январе 2007г. Для отгрузки был выбран типоразмер, имеющие большой вес пачек — от 7450 кг до 8200 кг, т. к. вычислительный эксперимент с меньшими весами пачек не давал какого-либо существенного отклонения набранного веса от заданного. Допустимое отклонение от заданного веса было установлено равным 2000 кг при существующей норме 5000 кг, глубина корректировки веса равной 2 пачкам.

Результаты эксперимента показали, что превышение допустимого отклонения происходило только в случае, если задача не имела решения. Это позволило отказаться от применения точного алгоритма набора веса даже в случае небольшой размерности, т. к. точный алгоритм не удовлетворяет дополнительному критерию оптимизации — максимальному освобождению рабочего пространства склада.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. *Гэри М., Джонсон Д.* Вычислительные машины и труднорешаемые задачи. М.: Мир, 1982, 416 с.
2. *Девятов Д. Х., Файнштейн С. И., Тутарова В. Д., Калитаев А. Н.* Оперативное планирование отгрузки готовой продукции со складов металлургических предприятий. — Мехатроника, автоматизация, управление, 2008, № 4, с. 36–40.