

Ф. К. Алиев, А. М. Бородин, А. В. Ключев (Москва, ТВП). **К вопросу о сепарабельности состояний трехкубитных квантовых систем.**

В исследованиях в области квантовых вычислений и связи принципиально важным является решение задачи эффективного выявления сепарабельных состояний квантовых систем [1], [3], [4]. В общем случае для k -кубитных квантовых систем, где k — произвольное натуральное число, задача выявления сепарабельных состояний является пока еще нерешенной задачей. Для случая двухкубитных квантовых систем задача выявления сепарабельных состояний решена. Соответствующее утверждение представлено в работе [2].

Рассмотрим квантовую систему ABC , состоящую из трех кубитов A , B и C . В вычислительном базисе из векторов $|000\rangle$, $|001\rangle$, $|010\rangle$, $|011\rangle$, $|100\rangle$, $|101\rangle$, $|110\rangle$, $|111\rangle$ произвольное чистое состояние квантовой системы ABC можно представить в следующем общем виде [1], [4]:

$$|\psi\rangle = a_0|000\rangle + a_1|001\rangle + a_2|010\rangle + a_3|011\rangle + a_4|100\rangle + a_5|101\rangle + a_6|110\rangle + a_7|111\rangle,$$

где a_0, a_1, \dots, a_7 — комплексные числа, $|a_0|^2 + |a_1|^2 + \dots + |a_7|^2 = 1$.

Определим величины $V_1, V_2, \dots, V_6, Y_1, Y_2, \dots, Y_6$, положив

$$\begin{aligned} V_1 &= a_0a_5 - a_1a_4, & V_2 &= a_0a_6 - a_2a_4, & V_3 &= a_0a_7 - a_3a_4, \\ V_4 &= a_1a_6 - a_2a_5, & V_5 &= a_1a_7 - a_3a_5, & V_6 &= a_2a_7 - a_3a_6, \\ Y_1 &= a_0a_3 - a_1a_2, & Y_2 &= a_0a_5 - a_1a_4, & Y_3 &= a_0a_7 - a_1a_6, \\ Y_4 &= a_2a_5 - a_3a_4, & Y_5 &= a_2a_7 - a_3a_6, & Y_6 &= a_4a_7 - a_5a_6. \end{aligned}$$

Имеет место следующее утверждение.

Утверждение. а) Для чистого состояния $|\psi\rangle$ трехкубитной квантовой системы ABC справедливо равенство $|\psi\rangle = |\psi_1\rangle \otimes |\psi_2\rangle$ (где $|\psi_1\rangle$ — чистое состояние однокубитной квантовой системы A , $|\psi_2\rangle$ — чистое состояние двухкубитной квантовой системы BC , \otimes — знак тензорного произведения) тогда и только тогда, когда справедлива цепочка равенств $V_1 = V_2 = V_3 = V_4 = V_5 = V_6 = 0$.

б) Для чистого состояния $|\psi\rangle$ трехкубитной квантовой системы ABC справедливо равенство $|\psi\rangle = |\psi_1\rangle \otimes |\psi_2\rangle$ (где $|\psi_1\rangle$ — чистое состояние двухкубитной квантовой системы AB , $|\psi_2\rangle$ — чистое состояние однокубитной квантовой системы C) тогда и только тогда, когда справедлива цепочка равенств $Y_1 = Y_2 = Y_3 = Y_4 = Y_5 = Y_6 = 0$.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Баумастер Д., Эжерт А., Цайлингер А. Физика квантовой информации. М.: Постмаркет, 2002.
2. Валиев К. А., Кожин А. А. Квантовые компьютеры: надежда и реальность. М.: Ижевск: НИЦ «Регулярная и хаотическая динамика», 2004.
3. Имре Ш., Балаж Ф. Квантовые вычисления и связь. Инженерный подход. М.: Физматлит, 2008.
4. Нильсен М., Чанг И. Квантовые вычисления и квантовая информация. М.: Мир, 2006.