

М. Е. Семенов, Р. Б. Фетисов (Воронеж, ВГТУ). Об ограниченных решениях одного класса систем дифференциальных уравнений с гистерезисными нелинейностями.

В работе, представленной данным сообщением, рассматриваются системы, описываемые уравнениями:

$$\dot{x} = Ax + f(t, x, \zeta), \quad (1)$$

$$\zeta = \Gamma(\omega_0)u(t), \quad u(t) = xc, \quad (2)$$

где  $A$  есть постоянная  $n \times n$  матрица,  $x \in \mathbf{R}^n$  — вектор-функция с вещественными компонентами,  $c$  — фиксированный вектор из  $\mathbf{R}^n$ , а  $f(t, x, \zeta): \mathbf{R} \times C^n \times \mathbf{R} \rightarrow C^n$ ,  $\Gamma(\omega_0)$  — липшицев с константой  $k_1$ , гистерезисный оператор [1], зависящий от своего начального состояния  $\omega_0$  как от параметра (например, обобщенный люфт или преобразователи Прейсаха).

Пусть матрица  $A$  такова, что ее спектр не пересекается с мнимой осью. В дальнейшем понадобятся константы  $\chi = \int_{-\infty}^{\infty} |G(t)| dt$ , где  $G(t)$  — ограниченная функция Грина [2] и  $\sigma = \max_{-\infty < \omega < \infty} \|(i\omega I - A)^{-1}\|$ .

Предположим, что нелинейность непрерывна по  $t$  и удовлетворяет условию Липшица:  $\|f(t, x_1, \zeta_1) - f(t, x_2, \zeta_2)\| \leq l(\|x_1 - x_2\| + \|\zeta_1 - \zeta_2\|)$ , где  $l > 0$ .

**Теорема 1.** Пусть выполнено основное условие  $q = \chi l(1 + k_1) < 1$ . Тогда система (1)–(2) имеет единственное ограниченное решение  $x(t)$  и для этого решения справедлива оценка  $\|x(t)\| \leq \chi \|f_0\| / (l - q)$ , где  $f_0(t) = f(t, 0, 0)$ , предполагается ограниченной. Если матрица  $A$  гурвицева, то единственное ограниченное решение системы (1) асимптотически устойчиво в целом и выполняется  $\|x(t) - y(t)\|e^{\varepsilon t} \rightarrow 0$ , где  $y(t)$  — любое решение системы (1), а  $\varepsilon$  — достаточно малое положительное число.

**Теорема 2.** Пусть выполнено основное условие  $p = \sigma l(1 + k_1) < 1$ . Тогда система (1)–(2) имеет единственное ограниченное решение  $x(t)$  и для этого решения справедлива оценка  $\|x(t)\| \leq 4\tau(1 + (\|A\| + l)\tau)$ , где  $\tau = \sigma / (l - q)$ . Если матрица  $A$  гурвицева, то справедливо утверждение теоремы 1, где  $0 < \varepsilon < (1 - p) / \sigma$ .

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Красносельский М. А., Покровский А. В. Принцип отсутствия ограниченных решений в проблеме абсолютной устойчивости. — Докл. АН СССР, 1977, т. 233, № 3, с. 293–296.
2. Перов А. И. Частотные признаки существования ограниченных решений. — Дифф. уравнения, 2007, т. 43, № 7, с. 867–1008.