

**В. Н. Колодежнов, С. С. Капраничikov** (Воронеж, ВГТА).  
**Моделирование диссипативного разогрева при течении жидкости для одного частного случая зависимости вязкости от скорости сдвига.**

Было рассмотрено течение по цилиндрическому каналу радиуса  $R$  и длины  $L$  жидкости смешанного типа, вязкость которой определяется следующим образом:

$$\mu(\dot{\gamma}) = \begin{cases} \mu_1, & 0 < -\dot{\gamma} < \dot{\gamma}_0, \\ (\mu_1/2)(|\dot{\gamma}|/\dot{\gamma}_0 + \dot{\gamma}_0/|\dot{\gamma}|), & -\dot{\gamma} > \dot{\gamma}_0, \end{cases} \quad \dot{\gamma} = \frac{du}{dr}, \quad \dot{\gamma}_0 > 0, \quad (1)$$

где  $\mu_1$  — ньютоновская вязкость жидкости;  $\dot{\gamma}_0$  — пороговое значение скорости сдвига;  $u(r)$  — распределение скорости течения жидкости в зависимости от радиальной координаты  $r$ .

Выражение (1) предполагает разбиение области течения на две зоны: ньютоновского течения в центральной части канала и неньютоновского в окрестности стенки канала. Принимая за основу уравнения динамики, неразрывности потока жидкости и уравнение конвективного теплопереноса с учетом диссипации, а также удовлетворяя граничным условиям первого рода для температуры, были (с рядом упрощающих допущений) получены в аналитическом виде выражения для распределения скоростей и температур по зонам течения. Решение задачи структурно можно записать в виде:

$$u' = \begin{cases} u_1(r', La, K_G, R'_\mu, Re, \dot{\gamma}'_0), & 0 \leq r' \leq R'_\mu, \\ u_2(r', La, K_G, R'_\mu, Re, \dot{\gamma}'_0), & R'_\mu < r' \leq 1, \end{cases} \quad (2)$$

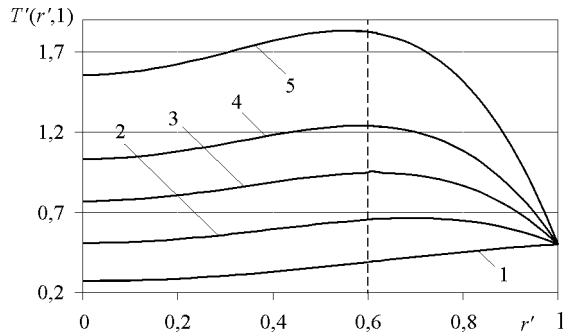
$$T' = \begin{cases} T'_1(r', z', La, K_G, R'_\mu, Re, \dot{\gamma}'_0, Ec, Pr), & 0 \leq r' \leq R'_\mu, \\ T'_2(r', z', La, K_G, R'_\mu, Re, \dot{\gamma}'_0, Ec, Pr), & R'_\mu < r' \leq 1, \end{cases}$$

$$La = \frac{2R\Delta P}{\mu_1 u_s}, \quad K_G = \frac{2R}{L}, \quad R'_\mu = \frac{8\dot{\gamma}'_0}{La K_G}, \quad \dot{\gamma}'_0 = \frac{\dot{\gamma}_0 R}{u_s},$$

$$Re = \frac{2\rho R u_s}{\mu_1}, \quad Ec = \frac{u_s^2}{c\Delta T}, \quad Pr = \frac{\mu_1 c}{\lambda}.$$

Здесь и далее верхним штрихом обозначены безразмерные величины.

В соотношениях (2) приняты следующие обозначения:  $Pr$ ,  $Ec$ ,  $Re$ ,  $La$  — критерии подобия Прандтля, Эккерта, Рейнольдса и Лагранжа, соответственно;  $K_G$  — геометрический критерий подобия;  $r' = r/R$ ,  $z' = z/L$  — радиальная и продольная координаты;  $R'_\mu$  — радиальная граница раздела зон течения;  $u_s$  — некоторая характерная скорость течения;  $\rho$ ,  $c$ ,  $\lambda$  — плотность, теплоемкость, теплопроводность среды, соответственно;  $\Delta P$  — перепад давления жидкости по длине канала;  $\Delta T$  — характерный перепад температур.



В рамках предложенной математической модели были проведены численные эксперименты по оценке влияния основных параметров системы на процесс диссипативного разогрева. Для примера, на рис. представлено распределение безразмерной

температуры  $T'$  в выходном сечении канала в зависимости от радиальной координаты  $r'$ . Построение кривых проводилось при температуре стенки канала  $T'_w = 0,5$  и следующих значениях параметров модели:  $K_G = 0,1$ ;  $Pr = 2,717 \cdot 10^8$ ;  $Re = 1,867 \cdot 10^{-6}$ ;  $La = 133$ ;  $\dot{\gamma}'_0 = 1$ ;  $Ec = 10^{-9}$  (1);  $10^{-8}$  (2);  $2 \cdot 10^{-8}$  (3);  $3 \cdot 10^{-8}$  (4);  $5 \cdot 10^{-8}$  (5). Пунктирной линией показана граница раздела зон течения  $r' = R'_\mu = 0,6$ .

Проводя анализ представленной зависимости, можно сделать вывод о том, что при увеличении значения критерия подобия Эккерта происходит более интенсивное прогревание потока жидкости вблизи стенки канала за счет диссипации энергии, что приводит к возникновению экстремума температуры.