

**О. П. М а т в е е в а, Т. Г. С у к а ч е в а** (Великий Новгород, НовГУ).  
**Задача Тейлора для модели несжимаемой вязкоупругой жидкости ненулевого порядка.**

Для модели динамики несжимаемой вязкоупругой жидкости Кельвина–Фойгта порядка  $k > 0$  [1] рассматривается задача Тейлора

$$\begin{cases} (1 - \kappa \nabla^2) v_t = \nu \nabla^2 v - (v \nabla) \tilde{v} - (\tilde{v} \nabla) v - (v \nabla) v + \sum_{l=1}^k \beta_l \nabla^2 w_l - \nabla p, \\ 0 = \nabla v, \quad \frac{\partial w_l}{\partial t} = v + \alpha_l w_l, \quad \alpha_l \in \mathbf{R}_-, \quad l = 1, \dots, k, \end{cases} \quad (1)$$

с начально-краевыми условиями

$$\begin{cases} v(x, 0) = v_0(x), \quad w_l(x, 0) = w_l(x) \quad \forall x \in \Omega, \\ v(x, t) = 0, \quad w_l(x, t) = 0 \quad \forall (x, t) \in \partial_2 \Omega, \\ v(x, t), \quad w_l(x, t) \text{ удовлетворяют условию периодичности на } \partial_1 \Omega \times \mathbf{R}. \end{cases} \quad (2)$$

Здесь  $\Omega \subset \mathbf{R}^n$  ( $n = 2, 3, 4$ ) — ограниченная область с границей  $\partial \Omega$  класса  $C^\infty$ ,  $\tilde{v} = \tilde{v}(x)$ ,  $\tilde{w}_l = \tilde{w}_l(x)$  — некоторое стационарное решение исходной системы [1], удовлетворяющее на  $\partial_1 \Omega$  условию периодичности, а на  $\partial_2 \Omega = \partial \Omega \setminus \partial_1 \Omega$  неоднородным условиям Дирихле (например, течение Куэтта). Исследуется динамика отклонения  $v = v(x, t)$ ,  $w_l = w_l(x, t)$  от этого стационарного решения, вызванного начальным условием. Разрешимость задачи (1)–(2) изучается в рамках теории полулинейных уравнений соболевского типа [2]. Ранее задача Тейлора для модели нулевого порядка изучалась в [3].

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. *Осколков А. П.* Начально-краевые задачи для уравнений движения жидкостей Кельвина–Фойгта и жидкостей Олдройта. — Труды МИ АН СССР, 1988, № 179, с. 126–164.
2. *Сукачева Т. Г.* Исследование математических моделей несжимаемых вязкоупругих жидкостей. Дис. на соискание уч. ст. доктора физ.-матем. наук. Великий Новгород: НовГУ, 2004, 249 с.
3. *Свиридюк Г. А., Сукачева Т. Г.* Задача Коши для одного класса полулинейных уравнений типа Соболева. — Сиб. матем. журнал, 1990, т. 31, № 5, с. 109–119.