

**О. А. Антонова** (Стерлитамак, СФ БГУ). **Решение задачи оптимизации в условиях неопределенности кинетических данных для равновесного случая.**

Для двухстадийной параллельной обратимой реакции в равновесном случае рассматривается задача нахождения оптимальной температуры, доставляющая максимум выхода целевого продукта. По технологическим условиям на температуру накладывается ограничение вида  $T \in [T_*, T^*]$ . При решении задачи могут возникнуть ситуации, при которых оптимальная температура  $T$  находится внутри заданного ограничения (качество 1), либо оптимальная температура находится только на его границах (качество 2). Если при этом в условиях неопределенности кинетических данных (констант реакции, энергии активации) качество не меняется, то температура называется *качественно неизменной*. Местоположение оптимальной температуры определяет разные аппаратные условия ведения процесса: изотермические или неизотермические.

Введение категории качества формализуется введением следующих отношений эквивалентности:

$$V_i \sim V_j \iff \max_{V_i} \lambda(T) = \max_{V_j} \lambda(T), \quad (1)$$

$$V_i \sim V_j \iff \min_{V_i} \lambda(T) + \max_{V_i} \lambda(T) = \min_{V_j} \lambda(T) + \max_{V_j} \lambda(T). \quad (2)$$

Здесь  $U = \{T \in [T_*, T^*] \mid T = \arg \max_{[T_*, T^*]} X_s\}$ ,  $X_s$  — продукт реакции,  $\lambda(T)$  — характеристическая функция множества  $[T_*, T^*]$ :

$$\lambda(T) = \begin{cases} 1, & \text{если } T = T_* \text{ или } T = T^*, \\ 0, & \text{если } T \in [T_*, T^*]. \end{cases}$$

Будем учитывать, что параметры равновесного процесса (кинетические константы скорости  $k_i^0$  и энергии активации  $E_i$ ) определены в интервалах, т. е. находятся в условиях неопределенности:  $(k_i^0)^{\text{CP}} - \Delta(k_i^0) \leq k_i^0 \leq (k_i^0)^{\text{CP}} + \Delta(k_i^0)$ ,  $E_i^{\text{CP}} - \Delta E_i \leq E_i \leq E_i^{\text{CP}} + \Delta E_i$ .

Функция теоретической оптимизации для двухстадийной параллельной обратной реакции  $f: \mathbf{R}^2 \times \mathbf{R}_+^2 \rightarrow U$ ,  $(E_i, k_i^0) \rightarrow V \in U = \{V_1, V_2, V_3, V_4\}$ , порождает следующие множества возможных решений:  $V_1 = \{T_{\min}\}$ ,  $V_2 = \{T_{\max}\}$ ,  $V_3 = \{T_c\}$ ,  $V_4 = \{T_{\min}, T_{\max}\}$ .

Тогда значения характеристической функции  $\lambda(T)$  имеют вид

$$\max \lambda(T) = \min \lambda(T) = \begin{cases} 1, & i = 1, 2, 3, \\ 0, & i = 4. \end{cases}$$

**Утверждение.** Для того чтобы отношения эквивалентности (1), (2) образовали два класса эквивалентности фиксированного качества

$$A_1 = \cup V_4^\alpha, \quad \text{где } \alpha = (E_i, k_i^0) \in E_i^I \times (k_i^0)^I, \quad \text{и } A_2 = V_1 \cup V_2,$$

достаточно, чтобы одновременно выполнялись условия

$$|E_1^{\text{CP}} - E_2^{\text{CP}}| \geq \Delta E_1 + \Delta E_2, \quad |E_3^{\text{CP}} - E_4^{\text{CP}}| \geq \Delta E_3 + \Delta E_4.$$