

**В. В. К и с е л е в** (Москва, ФГОУ ВПО ФА). **Подход к решению некоторых классов задач оптимального управления.**

Будем рассматривать следующую задачу. Поведение системы описывается уравнением  $\dot{x} = f(x) + Bu$ ,  $x \in \mathbf{R}^m$ ,  $u \in U \subset \mathbf{R}^m$ . Задано  $x(t_0) = x_0$ . Требуется минимизировать  $\int_{t_0}^T F(x, t) dt$ , где  $F$  — некоторая заданная функция.

Запишем систему сопряженных уравнений:

$$\frac{d\varphi_i}{dt} = - \sum_j \varphi_j \frac{df_j}{dx_i}, \quad i = 1, 2, \dots, N.$$

Предполагается, что множество значений функции  $\varphi(t)$  на  $[t_0, T]$  ограничено и принадлежит некоторому выпуклому многогранному конусу  $\Lambda$ . Это, в частности, выполняется, если множество значений функции  $\varphi(t)$  выпуклое и не содержит начало координат. Пусть  $\Lambda_1$  — конус, сопряженный конусу  $\Lambda$ , а  $\Lambda_2$  — конус, симметричный  $\Lambda_1$  относительно начала координат. Можно показать, что линейное преобразование  $B^T$  переводит конус  $\Lambda_2$  в некоторый многогранный конус  $\Lambda_3$ .

**Теорема.** Для сформулированной выше задачи необходимым условием оптимальности является  $0 = -F + \max_{u \in U_{\Lambda_3}} (\varphi, Bu)$ , где  $U_{\Lambda_3}$  — множество  $\Lambda$ -оптимальных решений, соответствующих конусу  $\Lambda_3$ .

**Следствие.** Если исходный функционал имеет вид  $\int_{t_0}^T dt$ , то необходимое условие оптимальности можно записать так:  $1 = \max_{u \in U_{\Lambda_3}} (\varphi, Bu)$ .