

**Н. Н. Столяров, Н. И. Дедов, В. Н. Исуткина** (Самара, СамГТУ). **Шаговые алгоритмы решения задач устойчивости оболочек при комбинированном нагружении.**

Нелинейная система уравнений, описывающая упругопластическое поведение оболочек, имеет операторный вид

$$A(y_{s+1}) = fp_{s+1}, \quad (1)$$

где  $s$  — номер этапа нагружения,  $y_s$  — решение (1) при  $p = p_s$ ,  $p$  — параметр продольных и поперечной нагрузок,  $f$  — функция, задающая распределение поперечной нагрузки и вид комбинированного нагружения. Заданием  $f$  можно обеспечить различные пути нагружения в пространстве нагрузок  $(p, p_1, p_2)$ .

Проводя линеаризацию [1, 2, 3], представим (1) в виде

$$\Phi'(y_s)\Delta y_s + L'(y_s)\Delta y_s = f\Delta p_s - [A(y_s) - fp_s], \quad (2)$$

где  $y_{s+1} = y_s + \Delta y_s$ , а  $\Phi'(y_s)$ ,  $L'(y_s)$  — линейные операторы с переменными коэффициентами,  $\Phi'(y_s)$  — оператор, определяемый нелинейностью, связанной с упругопластическими свойствами материала,  $L'(y_s)$  — оператор, определяемый геометрической нелинейностью. Обозначим  $r_s = A(y_s) - fp_s$ , где  $r_s$  — невязка при  $p = p_s$ .

Для оболочек из упругого материала оператор  $\Phi'(y_s)$  является линейным:  $\Phi'_{lin} = \Phi'(y_s)$ .

Система (2) решалась методом приращений, самокорректирующимся методом и методом Ньютона–Канторовича. Положив в (2)  $r_s = 0$ , приходим к методу приращений, при  $r_s = A(y_s) - fp_s$  из (2) следует самокорректирующийся метод. В методе Ньютона–Канторовича  $\Delta y_s$  находится из (2) путем итераций на шаге  $s + 1$ , а невязка вычисляется по формуле  $r_s = A(y_s^k) - fp_s$ , где  $k$  — номер итерации. При этом, если операторы  $\Phi'(y_s)$ ,  $L'(y_s)$  в процессе  $k$  итераций на этапе  $s + 1$  не меняются, то имеем модифицированный метод Ньютона–Канторовича.

Система (2) имеет эволюционный характер и дополняется начальными условиями  $y_s = 0$  при  $s = 0$ .

Разработанные алгоритмы обеспечивают задание произвольного пути нагружения в пространстве нагрузок  $(p, p_1, p_2)$ , нагрузки задаются в виде

$$p = \varphi(t), \quad p_1 = \varphi_1(t), \quad p_2 = \varphi_2(t), \quad (3)$$

где  $t$  — некоторый параметр. Из (3) следует

$$\Delta p = \varphi'(t_s)\Delta t, \quad \Delta p_1 = \varphi'_1(t_s)\Delta t, \quad \Delta p_2 = \varphi'_2(t_s)\Delta t. \quad (4)$$

Для нагружения по лучу в пространстве  $(p, p_1, p_2)$  из (4) имеем

$$\Delta p = k\Delta t, \quad \Delta p_1 = k_1\Delta t, \quad \Delta p_2 = k_2\Delta t. \quad (5)$$

Из (5) как частный случай следует нагружение внешним давлением ( $\kappa = 1$ ,  $\kappa_1 = \kappa_2 = 0$ ), продольной нагрузкой ( $\kappa = 0$ ,  $\kappa_1 = 1$ ,  $\kappa_2 = 0$ ) и различные виды комбинированного нагружения.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Бахвалов Н. С. Численные методы. Ч. 1. М.: Наука, 1973, 631 с.
2. Корнишин М. С. Нелинейные задачи теории пластин и пологих оболочек и методы их решения. М.: Наука, 1964, 192 с.
3. Ляшко А. Д. Разностные схемы для задач об изгибе тонких пластин. — В кн.: Численные методы механики сплошной среды. Новосибирск: 1973.