

М. Д. М и с с а р о в (Казань, К(П)ФУ). **Автомодельные случайные поля в статистической физике.**

Теория автомодельных случайных полей в статистической физике является естественным обобщением теории предельных теорем для случая сильно зависимых случайных величин. Мы рассматриваем поля на евклидовой d -мерной целочисленной решетке Z^d и иерархической решетке T_n^d , которая определяется как множество Z^d , снабженное иерархическим расстоянием $d(i, j)$, $i, j \in Z^d$, где $d(i, j) = n^{s(i, j)}$, если $i \neq j$, $s(i, j) = \min\{s: \text{существует такой } k \in Z^d, \text{ что } i \in V_{k, s}, j \in V_{k, s}\}$, $V_{k, s} = \{j: j \in Z^d, (k_l - 1)n^s < j_l \leq k_l n^s, l = 1, 2, \dots, d\}$, n — произвольное натуральное число. Значения поля $\psi(i)$ могут быть вещественными или принадлежать алгебре Грассманна (поля с антикоммутирующими значениями). Поле называется *автомодельным*, если его распределение вероятностей инвариантно относительно преобразования ренормализационной группы $r(\alpha): r(\alpha)\psi(i) = n^{-\alpha/2} \sum_{j \in V_{i, 1}} \psi(j)$, где α — вещественный параметр этого преобразования.

Поля в статистической физике задаются в гиббсовской форме. Простейшей и точно решаемой моделью оказалась модель на иерархической решетке, заданная гамильтонианом

$$H(\psi^*; \alpha) = \sum_{i, j \in T_n^d} d^{-\alpha}(i, j) [\bar{\psi}_1(i)\psi_1(j) + \bar{\psi}_2(i)\psi_2(j)] + \sum_{i \in T_n^d} \left[r(\bar{\psi}_1(i)\psi_1(i) + \bar{\psi}_2(i)\psi_2(i)) + g\bar{\psi}_1(i)\psi_1(i)\bar{\psi}_2(i)\psi_2(i) \right],$$

где r и g — вещественные константы связи, все компоненты фермионного поля $\psi^*(i) = (\bar{\psi}_1(i), \psi_1(i), \bar{\psi}_2(i), \psi_2(i))$, $i \in T_n^d$, являются образующими алгебры Грассманна.

Преобразование ренормгруппы сводится к рациональному отображению $R(\alpha)$ в пространстве констант связи (r, g) . Это отображение обладает интересными динамическими и симметричными свойствами. В последнее время получено точное описание глобальной динамики этого отображения. В евклидовых моделях нет нетривиальных точно решаемых моделей ренормгруппы, и большинство результатов сформулировано в рамках теории возмущений в нулевой окрестности гауссовского автомодельного поля. Сходство иерархических моделей с евклидовыми позволяет перенести часть фактов на евклидов случай и сформулировать ряд нетривиальных гипотез. В частности, в иерархических моделях показано, что $(\alpha - 3d/2)$ - и $(4 - d)$ -разложения описывают одно и то же негауссовское автомодельное поле в размерности $d = 3$. В евклидовых моделях эти разложения приводят к разным результатам для некоторых критических индексов. Интересная задача состоит в том, чтобы объяснить это несоответствие.