ОБОЗРЕНИЕ ПРИКЛАДНОЙ И ПРОМЫШЛЕННОЙ Том 24

МАТЕМАТИКИ

Выпуск 1

2017

В. Г. Высотина (Москва, ТВП). Распад вихря в длинной трубе с переходным участком и расширением.

Целью работы являлось моделирование распада вихря в длинной трубе, содержащей переходный участок в продолжение трубы с большим диаметром. Задачи изучения течений жидкости в каналах с изменяющейся геометрией, в частности, с внезапным расширением, с выемками, с переходными участками в осесимметричный канал большего или меньшего диаметра и т.д. рассматриваются, например, в [2, 4]. Изучение структуры закрученного течения в таких каналах интересно тем, что, как геометрические параметры канала, так и закрутка потока могут являться причиной появления зон возвратно-циркуляционного течения в приосевой или в приграничной области. Постановка задачи опубликована в [5]. Результаты изучения распада вихря в прямой трубе методом Годунова [1, 3] и сравнение с опытными данными [6] представлено в [7].

Моделирование закрученного течения воздуха выполнено в осесимметричной трубе длиной 1 м. Труба состоит из трех участков: входной участок — длина 0,55 м и радиус 0.038 м, переходный расширяющийся участок — длину 0.20 м (от 0.55 м до 0.75 м), и выходной участок длина 0,25 м радиус 0,04 м. Геометрия канала и разностная сетка $(201 \times 21$ ячейки) представлены на рис. 1.



Рис. 1. Геометрия осесимметричного канала с переходным участком. Разностная сетка 201×21 ячейки равномерная по длине и сгущающаяся по высоте к оси и внешнему обводу канала

В представленном канале проведены расчеты течения воздуха для отношения давлений $P/P_0 = 0,900$. На входе задавалась закрутка потока $\alpha =$ $0^{\circ}, 10^{\circ}, 20^{\circ}, 30^{\circ}, 40^{\circ}, 50^{\circ}$. Использованы следующие параметры торможения: P_{0} = 1042399,8 Па; $\rho_0 = 1,1985 \text{ kr/m}^3$; k = 1,4; $R_G = 287,15 \text{ m}^2/(c^2 \cdot K^\circ)$; $\text{Re} \approx 10^4 - 10^5$.

На рис. 2 показана структура течения воздуха для случая с закруткой $\alpha = 0^{\circ}$, 10° — поле скоростей в осесимметричном канале с переходным участком и распределение статического давления вдоль канала. Распределение давления имеет два излома в местах начала и конца переходного участка x = 0, 4 м и 0, 65 м. Уменьшение давления (отрицательный градиент) имеется от начала входного участка и на переходном участке до минимального значения $P_i/P_0 = 0,8900$. Затем происходит повышение давления (положительный градиент) до заданного значения на выходе $P_{\text{вых}}/P_0 = 0,900.$

[©] Редакция журнала «ОПиПМ», 2017 г.



Рис.2. Поле скоростей и статическое давление вдоль длины канала. Закрутка $\alpha = 10^{\circ}$. Расход G = 0,2620 кг/сек.

На рис. 3 представлено поле скоростей закрученного течения воздуха в расширяющемся канале и распределение осевой составляющей скорости UZi/UZ вх.ср. вдоль канала при закрутке на входе $\alpha = 30^{\circ}$. Этот случай интересен тем, что, если в прямом канале возвратная зона впервые появляется при значениях закрутки $\alpha \ge 45^{\circ}$ [8] для разных значений отношений давления $P_{\rm BLIX}/P_0$, то в расширяющемся канале с переходным участком «пузырь» появился при $\alpha = 30^{\circ}$ и $P_{\rm BLIX}/P_0 = 0,900$. Подтверждение этому — отрицательные значения UZi/UZ вх.ср на графике распределения осевой скорости вдоль длины канала.



Рис. 3. Поле векторов скорости закрученного течения воздуха ($\alpha = 30^{\circ}$) в расширяющемся канале с переходным участком. Зона возвратного течения («пузырь»), и распределение осевой составляющей скорости вдоль длины канала при $P_{\rm Bbix}/P_0 = 0,900$. UZ вх = 43,97 м/с. Расход G = 0,260 кг/сек.

В диапазоне рассмотренных углов закрутки $\alpha = 0^{\circ}, 10^{\circ}, 20^{\circ}, 30^{\circ}, 40^{\circ}, 50^{\circ}$, во всех случаях углов закрутки при $\alpha \ge 30^{\circ}$ имеет место замкнутая зона возвратного течения на входе в канал, которая является результатом распада вихря, положительного градиента статического давления на входе, возникающего вследствие закрутки потока на входе. На рис. 4 представлено поле скоростей закрученного течения воздуха при $\alpha = 40^{\circ}$. Замкнутая зона возвратного течения имеет длину $\approx 0,5$ м и не распространяется вверх по потоку при увеличении значения угла закрутки. График распределения статического давления изменился: на входном участке теперь имеет место быть положительный градиент давления — следствие закрутки потока на входе. На переходном участке поведение давления не изменилось — сохранился отрицательный градиент до значения $P_i/P_0 = 0,9050$. На выходном участке давление поменяло положительный градиент, имеющий место при $\alpha = 0^{\circ}, 10^{\circ}$ на отрицательный.



Рис. 4. Поле векторов скорости закрученного течения воздуха (угол закрутки $\alpha = 40^{\circ}$) в расширяющемся канале с переходным участком, зона возвратного течения, и распределение статического давления вдоль длины канала при $P_{\rm BMX}/P_0 = 0,900$. Расход G = 0,2450 кг/сек.

Расход воздуха незначительно уменьшался при изменении угла закрутки от $\alpha = 0^{\circ}$ до $\alpha = 20^{\circ}$, и был равен соответственно G = 0,2750 кг/с при $\alpha = 0^{\circ}$, G = 0,2630 кг/с при $\alpha = 10^{\circ}$ и G = 0,2580 кг/с при $\alpha = 20^{\circ}$. После появления «пузыря», расход при $\alpha = 30^{\circ}$ незначительно увеличился до значения G = 0,2650 кг/с при $\alpha = 30^{\circ}$ и затем снова уменьшался: при $\alpha = 40^{\circ}$ расход G = 0,2450 кг/с, при $\alpha = 50^{\circ}$ расход G = 0,2150 кг/с и при $\alpha = 53^{\circ}$ расход G = 0,1960 кг/с. При практически постоянном осевом размере замкнутой зоны отрыва, высота «пузыря» увеличилась незначительно до значения 0,008 м при $\alpha = 50^{\circ}, 53^{\circ}$. Во всех случаях при увеличении значения угла закрутки имеет место положительный градиент давления на входе.



Рис. 5. Границы зон возвратного течения при углах закрутки на входе $\alpha = 30^{\circ}$, 40° , 50° , 53° в расширяющемся канале с переходным участком к при $P_{\rm BMX}/P_0 = 0,900$.

В результате моделирования распада вихря в длинной расширяющейся трубе с переходным каналом выяснилось, что появление «пузыря» в закрученном течении воздуха (распад вихря) возможно при отношении давлений $P_{\rm Bbix}/P_0 = 0,900$ и углах закрутки $\alpha = 30^{\circ}, 40^{\circ}, 50^{\circ}, 53^{\circ}$. Наличие переходного участка в расширяющемся канале способствует более раннему появлению «пузыря», а именно при $\alpha = 30^{\circ}$.

Вопрос изучения закрученного течения с «пузырем» в каналах с изменяющейся геометрией требует дальнейшего исследования.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Годунов С.К. и др. ЖВМ и МФ, 1961, т. 1, № 3, с. 1020–1050.
- 2. Бэтчелор Дж. Введение в динамику жидкости. М.: Мир, 1973.
- 3. Дорфман Л. А. Численные методы в газодинамике турбомашин. Л.: Энергия, 1974.
- 4. Гупта А., Лилли Д., Сайред Н. Закрученные потоки. М.: Мир, 1987, 588 с.
- 5. Высотина В. Г. Ж. Математическое моделирование, 2001, т. 13, № 10, с. 103–119.

- 6. Shigeo Uchida, Yoshiaki Nakamura, Masataka Ohsawa. Experiments on the Axisymmetric Vortex Breakdown in a Swirling Air Flow. Trans.Jap.Soc.Aeronaut. and Spase Sci., 1985, 27, № 78, p. 206–216.
- 7. Высотина В. Г. Изменение локальных параметров потока воздуха при распаде вихря в трубе. — Обозрение прикл. и промышл. матем., 2015, т. 22, в. 4, с. 450–454.
- Высотина В. Г. Численное исследование влияния отношений давления на осесимметричный распад вихря в трубе методом Годунова. — Обозрение прикл. и промышл. матем., 2012, т. 19, в. 2, с. 242–244.