

## **Разбиения на биграммах и марковость алгоритмов блочного шифрования**

**Б. А. Погорелов<sup>1</sup>, М. А. Пудовкина<sup>2</sup>**

<sup>1</sup> Академия криптографии Российской Федерации, Москва

<sup>2</sup> Московский государственный технический университет имени Н. Э. Баумана,  
Москва

Получено 20.IV.2015

**Аннотация.** Изучается модель итерационных алгоритмов блочного шифрования с независимыми и равновероятно выбираемыми раундовыми ключами, алфавитом текстов  $X$  и группой  $(X, \otimes)$  наложения ключа. Указаны условия, обеспечивающие сохранение марковости при укрупнении цепи Маркова с множеством состояний  $X^2$ , соответствующей биграммам промежуточных текстов. Описаны свойства рассматриваемых марковских алгоритмов блочного шифрования и преобразований укрупнения.

**Ключевые слова:** марковский алгоритм блочного шифрования, цепи Маркова, укрупнение состояний, метод усеченных разностей

### **Partitions on bigrams and Markov property of block ciphers**

**B. A. Pogorelov<sup>1</sup>, M. A. Pudovkina<sup>2</sup>**

<sup>1</sup> Academy of Cryptography of the Russian Federation, Moscow

<sup>2</sup> Bauman Moscow State Technical University, Moscow

**Abstract.** A model of iterated block ciphers with alphabet  $X$ , independent uniform round keys and a key addition group  $(X, \otimes)$  is considered. We find conditions ensuring the preservation of Markov property under lumping of Markov chain with state space  $X^2$  corresponding to bigrams of intermediate ciphertexts. We describe properties of Markov ciphers considered and lumping transforms.

**Key words:** Markov block cipher, Markov chain, states lumping, truncated differential technique

Citation: *Mathematical Aspects of Cryptography*, 2017, v. 8, № 1, pp. 107–142 (Russian)

© Академия криптографии Российской Федерации, 2017 г.

## Список литературы

- [1] Minier M., Gilbert H., “Stochastic cryptanalysis of Crypton”. In: “FSE 2000”, Lect. Notes Comput. Sci., **1978**, 2000, 121–133.
- [2] Lai X., Massey J. L., Murphy S., “Markov ciphers and differential cryptanalysis”. In: “EuroCrypt 1991”, Lect. Notes Comput. Sci., **547**, 1991, 17–38.
- [3] Кемени Д., Снелл Д., *Конечные цепи Маркова*, М.: Наука, 1970, 272 с.
- [4] Сачков В. Н., “Вероятностные преобразователи и правильные мультиграфы. I”, *Труды по дискретной математике*, **1** (1997), 227–250.
- [5] Сачков В. Н., “Цепи Маркова итерационных систем преобразований”, *Труды по дискретной математике*, **6** (2002), 165–183.
- [6] Сачков В. Н., “Вероятностные преобразователи и суммы элементарных матриц. II”, *Труды по дискретной математике*, **8** (2005), 240–252.
- [7] Максимов Ю. И., “Некоторые результаты для задачи укрупнения состояний цепей Маркова”, *Труды по дискретной математике*, **8** (2005), 148–154.
- [8] Vaudenay S., “On the Lai–Massey scheme”. In: “ASIACRYPT’99”, Lect. Notes Comput. Sci., **1716**, 1999, 8–19.
- [9] Knudsen L. R., “Truncated and higher order differentials”. In: “FSE’95”, Lect. Notes Comput. Sci., **1008**, 1995, 196–211.
- [10] Matsui M., Tokita T., “Cryptanalysis of a reduced version of the block cipher E2”. In: “FSE’99”, Lect. Notes Comput. Sci., 1999, 70–79.
- [11] Moriai S., Sugita M., Aoki K., Kanda M., “Security of E2 against truncated differential cryptanalysis”. In: “SAC’99”, Lect. Notes Comput. Sci., **1758**, 2000, 106–117.
- [12] Reichardt B., Wagner D., “Markov truncated differential cryptanalysis of Skipjack”. In: “SAC 2002”, Lect. Notes Comput. Sci., **2595**, 2002, 110–128.
- [13] Blondeau C., “Improbable differential from impossible differential: on the validity of the model”. In: “INDOCRYPT 2013”, Lect. Notes Comput. Sci., **8250**, 2013, 149–160.
- [14] Massey J. L., “SAFER K-64: One year later”. In: “FSE’94”, Lect. Notes Comput. Sci., **1008**, 1994, 212–232.
- [15] Lai X., *On the design and security of block ciphers*, Zurich, Swiss Federal Inst. Technology, PhD, 1992.
- [16] Агиевич С. В., Афоненко А. А., “Экспоненциальные S-блоки”, В сб.: *Математика и безопасность информационных технологий*. МАБИТ 2003, М.: МЦНМО, 2003, 127–130.
- [17] Шемякина О. В., “Об оценке характеристик разбиений различных алгебраических структур”, В сб.: Информ. безопасность регионов России ИБРР-2011. Матер. VII СПб. межрегион. конф., СПб.: СПОИСУ, 2011, 137.
- [18] Nyberg K., Knudsen L. R., “Provable security against differential cryptanalysis”. In: “Crypto 1992”, Lect. Notes Comput. Sci., **740**, 1993, 566–574.